

Содержание

| | |
|--|-----------|
| Список основных сокращений | 18 |
| Список основных обозначений | 19 |
| Глава 1. Канонические разложения скалярных случайных функций | 23 |
| 1.1. Канонические разложения случайных функций | 23 |
| 1.1.1. Определения | 23 |
| 1.1.2. Формулы для координатных функций канонического разложения | 24 |
| 1.1.3. Дополнения и задачи | 26 |
| 1.2. Дискретные канонические разложения случайной функции..... | 27 |
| 1.2.1. Общий подход | 27 |
| 1.2.2. Два способа построения дискретного канонического разложения | 30 |
| 1.2.3. Дополнения и задачи | 33 |
| 1.3. Канонические разложения случайной функции в данной области изменения аргумента (I) | 34 |
| 1.3.1. Общий подход | 34 |
| 1.3.2. Способ нахождения канонического разложения, основанный на решении интегрального уравнения. Теорема Лоэва | 38 |
| 1.3.3. Дополнения и задачи | 40 |
| 1.4. Канонические разложения случайной функции в данной области изменения аргумента (II) | 45 |
| 1.4.1. Вводные замечания | 45 |
| 1.4.2. Первый способ | 46 |
| 1.4.3. Второй способ | 48 |
| 1.4.4. Дополнения и задачи | 49 |
| 1.5. Другие способы построения канонических разложений случайных функций | 51 |
| 1.5.1. Построение канонического разложения случайной функции по каноническому разложению ее ковариационной функции | 51 |
| 1.5.2. Построение канонического разложения ковариационной функции..... | 54 |
| 1.5.3. Каноническое разложение стационарной случайной функции | 58 |
| 1.5.4. Дополнения и задачи | 59 |
| 1.6. Канонические разложения случайной функции на основе функциональных рядов | 60 |
| 1.6.1. Канонические разложения на основе функций со случайными коэффициентами | 60 |
| 1.6.2. Разложение случайной функции в ряд | 62 |
| 1.6.3. Разложение по ортонормированным системам функций | 63 |
| 1.6.4. Дополнения и задачи | 65 |

| | |
|---|------------|
| Глава 2. Канонические разложения векторных случайных функций и их преобразований | 67 |
| 2.1. Канонические разложения векторных случайных функций | 67 |
| 2.1.1. Прямая и обратная теоремы Пугачёва о канонических разложениях для векторных случайных функций | 67 |
| 2.1.2. Каноническое разложение векторной стационарной случайной функции | 70 |
| 2.1.3. Об одной общей форме канонического разложения случайной функции | 72 |
| 2.1.4. Дополнения и задачи | 74 |
| 2.2. Канонические разложения преобразований случайных функций | 80 |
| 2.2.1. Канонические разложения линейных преобразований случайных функций | 80 |
| 2.2.2. Канонические разложения квазилинейных преобразований случайных функций | 84 |
| 2.2.3. Дополнения и задачи | 86 |
| 2.3. Эквивалентная линеаризация существенно нелинейных преобразований случайных функций посредством канонических разложений | 87 |
| 2.3.1. Эквивалентная регрессионная линеаризация нелинейных преобразований | 87 |
| 2.3.2. Эквивалентная регрессионная линеаризация посредством канонических разложений | 88 |
| 2.3.3. Эквивалентная регрессионная линеаризация нелинейных преобразований (общий случай) | 92 |
| 2.3.4. Дополнения и задачи | 92 |
| 2.4. Распределения случайных процессов. Канонические разложения с независимыми компонентами | 93 |
| 2.4.1. Одно- и многомерные распределения | 93 |
| 2.4.2. Моменты высших порядков и характеристические функции | 94 |
| 2.4.3. Гауссовы и условно гауссовые случайные процессы | 96 |
| 2.4.4. Канонические разложения с независимыми компонентами | 98 |
| 2.4.5. Дополнения и задачи | 98 |
| 2.5. Параметризация распределений | 101 |
| 2.5.1. Параметризация одномерных распределений | 101 |
| 2.5.2. Параметризация многомерных распределений | 108 |
| 2.5.3. Параметризация распределений посредством канонических разложений с независимыми компонентами | 110 |
| 2.5.4. Дополнения и задачи | 111 |
| 2.6. Методы неканонических представлений и эквивалентных возмущений | 111 |
| 2.6.1. Метод неканонических разложений | 111 |
| 2.6.2. Метод эквивалентных возмущений Доступова | 113 |
| Глава 3. Канонические разложения случайных элементов | 115 |
| 3.1. Линейная корреляционная теория канонических разложений | 115 |
| 3.1.1. Вспомогательное гильбертово пространство | 115 |
| 3.1.2. Прямая теорема Пугачёва о каноническом разложении | 116 |
| 3.1.3. Обратная теорема Пугачёва о каноническом разложении | 118 |
| 3.1.4. Способ построения канонических разложений | 119 |

| | |
|--|------------|
| 3.1.5. Каноническое разложение случайного элемента в гильбертовом пространстве | 120 |
| 3.1.6. Совместное каноническое разложение двух случайных элементов | 122 |
| 3.1.7. Дополнения и задачи | 125 |
| 3.2. Корреляционная теория канонических разложений линейных преобразований | 133 |
| 3.2.1. Общая теория | 133 |
| 3.2.2. Дополнения и задачи | 136 |
| 3.3. Решение линейных операторных уравнений методом канонических разложений | 138 |
| 3.3.1. Общее решение | 138 |
| 3.3.2. Дополнения и задачи | 143 |
| 3.4. Некоторые вопросы теории канонических представлений в линейных функциональных пространствах | 145 |
| 3.4.1. Об одном обобщении теорем Пугачёва | 145 |
| 3.4.2. О канонических разложениях в банаховых пространствах с базисом | 147 |
| 3.4.3. Дополнения и задачи | 149 |
| 3.5. Задание вероятностных мер канонических разложений | 153 |
| 3.5.1. Общий подход | 153 |
| 3.5.2. Канонические разложения нормальных вероятностных мер | 155 |
| 3.5.3. Дополнения и задачи | 156 |
| 3.6. Вычисление производных Радона–Никодима методом канонических разложений | 157 |
| 3.6.1. Необходимые условия абсолютной непрерывности нормальных мер | 157 |
| 3.6.2. Достаточные условия. Производные Радона–Никодима нормальных мер | 161 |
| 3.6.3. Вычислительные формулы для производных Радона–Никодима | 164 |
| 3.6.4. Основные результаты | 166 |
| 3.6.5. Дополнения и задачи | 169 |
| Глава 4. Интегральные канонические представления случайных функций и элементов | 172 |
| 4.1. Интегральные канонические представления скалярных случайных функций | 172 |
| 4.1.1. Определения | 172 |
| 4.1.2. Формулы для координатных функций интегрального канонического представления | 173 |
| 4.1.3. Основные теоремы | 173 |
| 4.1.4. Дополнения и задачи | 180 |
| 4.2. Интегральные канонические разложения векторных случайных функций | 182 |
| 4.2.1. Определения и общие формулы | 182 |
| 4.2.2. Интегральное каноническое представление стационарной векторной случайной функции | 184 |
| 4.2.3. Интегральные канонические представления линейных преобразований случайных функций | 187 |
| 4.2.4. Интегральные канонические представления нелинейных преобразований | 188 |
| 4.2.5. Дополнения и задачи | 189 |
| 4.3. Интегральные канонические представления случайных элементов | 190 |
| 4.3.1. Прямая теорема об интегральных канонических представлениях случайных элементов | 190 |
| 4.3.2. Обратная теорема об интегральных канонических представлениях | 193 |

| | |
|--|------------|
| 4.3.3. Совместное интегральное каноническое представление двух случайных элементов..... | 196 |
| 4.3.4. Дополнения и задачи | 198 |
| 4.4. Спектральные и интегральные канонические представления..... | 201 |
| 4.4.1. Спектральные и интегральные канонические представления скалярной случайной функции | 201 |
| 4.4.2. Спектральные и интегральные канонические представления векторной стационарной случайной функции | 203 |
| 4.4.3. Дополнения и задачи | 207 |
| 4.5. Решение линейных операторных уравнений методом интегральных канонических представлений случайных функций | 211 |
| 4.5.1. Метод интегральных канонических представлений | 211 |
| 4.5.2. Дополнения и задачи | 215 |
| 4.6. Элементы стохастического анализа (I) | 217 |
| 4.6.1. Операции анализа над случайными функциями | 217 |
| 4.6.2. Стохастические интегралы от неслучайных функций | 222 |
| 4.6.3. Стохастические интегралы от неслучайных функций векторного аргумента..... | 226 |
| 4.7. Элементы стохастического анализа (II) | 228 |
| 4.7.1. Стохастические интегралы от случайных функций..... | 228 |
| 4.7.2. Стохастический интеграл Ито | 231 |
| 4.7.3. Другие виды стохастических интегралов | 234 |
| 4.7.4. Стохастические интегралы как интегралы, содержащие белый шум | 235 |
| 4.7.5. Стохастические дифференциалы | 235 |
| 4.8. О других подходах к построению интегральных канонических представлений..... | 238 |
| Глава 5. Модели стохастических сигналов и систем | 242 |
| 5.1. Математические модели стохастических сигналов и систем..... | 242 |
| 5.1.1. Понятие системы | 242 |
| 5.1.2. Входные сигналы | 242 |
| 5.1.3. Математические модели систем | 243 |
| 5.2. Непрерывные системы | 245 |
| 5.2.1. Общие характеристики непрерывных систем | 245 |
| 5.2.2. Весовая функция линейной непрерывной системы..... | 248 |
| 5.2.3. Стационарные системы | 250 |
| 5.2.4. Частотные характеристики непрерывной стационарной системы..... | 251 |
| 5.2.5. Дополнения и задачи | 254 |
| 5.3. Линейные дифференциальные системы | 255 |
| 5.3.1. Уравнения линейной системы и весовая функция | 255 |
| 5.3.2. Определение весовой функции методом сопряженных систем..... | 257 |
| 5.3.3. Приведение уравнений линейной системы к форме Коши | 258 |
| 5.3.4. Обратные системы | 262 |
| 5.3.5. Передаточная функция стационарной линейной системы | 265 |
| 5.3.6. Дополнения и задачи | 269 |
| 5.4. Непрерывные системы, описываемые дифференциальными, интегральными и интегродифференциальными стохастическими уравнениями..... | 271 |
| 5.4.1. Общая форма уравнений дифференциальных стохастических систем | 271 |

| | |
|--|------------|
| 5.4.2. Стохастические интегральные и дифференциальные уравнения | 272 |
| 5.4.3. Дополнения и задачи | 276 |
| 5.5. Приведение уравнений непрерывной стохастической системы к стохастическим дифференциальным уравнениям | 279 |
| 5.5.1. Вводные замечания | 279 |
| 5.5.2. Метод формирующих фильтров | 280 |
| 5.5.3. Дополнения и задачи | 281 |
| 5.6. Дискретные системы | 289 |
| 5.6.1. Дискретные системы и их характеристики | 289 |
| 5.6.2. Характеристики дискретных линейных систем | 290 |
| 5.6.3. Стационарные дискретные линейные системы | 294 |
| 5.6.4. Дополнения и задачи | 298 |
| 5.7. Дискретные системы, описываемые разностными уравнениями | 299 |
| 5.7.1. Стационарные дискретные системы, описываемые разностными уравнениями | 299 |
| 5.7.2. Дискретные линейные системы, описываемые разностными уравнениями | 301 |
| 5.7.3. Дискретные нелинейные системы, описываемые разностными уравнениями | 301 |
| 5.7.4. Дискретные стохастические системы | 302 |
| 5.7.5. Дополнения и задачи | 302 |
| Глава 6. Модели сложных стохастических систем | 304 |
| 6.1. Соединения систем и их характеристики | 304 |
| 6.1.1. Соединение систем | 304 |
| 6.1.2. Правила преобразований структурных схем и графов линейных систем | 306 |
| 6.2. Весовые функции соединений линейных систем | 311 |
| 6.2.1. Последовательное соединение | 311 |
| 6.2.2. Параллельное соединение | 312 |
| 6.2.3. Системы с обратной связью | 313 |
| 6.2.4. Об экспериментальном определении весовых функций | 314 |
| 6.2.5. Дополнения и задачи | 314 |
| 6.3. Соединения стационарных систем | 323 |
| 6.3.1. Последовательное соединение | 323 |
| 6.3.2. Параллельное соединение | 324 |
| 6.3.3. Системы с обратной связью | 325 |
| 6.3.4. Дополнения и задачи | 326 |
| 6.4. Сложные стохастические системы | 328 |
| 6.4.1. Вводные замечания | 328 |
| 6.4.2. Основные типы соединений стохастических систем | 329 |
| 6.4.3. Дополнения и задачи | 332 |
| Глава 7. Методы вероятностного анализа линейных стохастических систем | 337 |
| 7.1. Методы корреляционного анализа линейных непрерывных систем | 337 |
| 7.1.1. Корреляционные методы | 337 |
| 7.1.2. Аналитическое моделирование | 342 |
| 7.1.3. Дополнения и задачи | 343 |

| | |
|--|------------|
| 7.2. Методы спектрально-корреляционного анализа линейных стохастических систем | 346 |
| 7.2.1. Методы для линейных стационарных систем | 346 |
| 7.2.2. Методы для квазистационарных линейных систем | 350 |
| 7.2.3. Дополнения и задачи | 352 |
| 7.3. Методы корреляционного анализа линейных дискретных стохастических систем | 361 |
| 7.3.1. Корреляционные методы | 361 |
| 7.3.2. Спектрально-корреляционные методы анализа | 365 |
| 7.3.3. Дополнения и задачи | 368 |
| 7.4. Методы анализа распределений в линейных стохастических системах посредством канонического разложения с независимыми компонентами | 368 |
| 7.4.1. Точные решения уравнения Пугачёва для характеристических функций | 368 |
| 7.4.2. Методы анализа распределений, основанные на каноническом разложении с независимыми компонентами | 372 |
| 7.4.3. Дополнения и задачи | 373 |
| Глава 8. Методы вероятностного анализа нелинейных стохастических систем | 377 |
| 8.1. Методы корреляционного анализа квазилинейных стохастических систем | 377 |
| 8.1.1. Метод непосредственной линеаризации | 377 |
| 8.1.2. Метод линеаризации посредством канонического разложения с независимыми компонентами | 379 |
| 8.1.3. О непосредственной линеаризации уравнений дискретных стохастических систем посредством канонического разложения с независимыми компонентами | 384 |
| 8.1.4. Дополнения и задачи | 385 |
| 8.2. Методы корреляционного анализа существенно нелинейных систем на основе эквивалентной линеаризации | 388 |
| 8.2.1. Спектрально-корреляционные методы эквивалентной линеаризации | 388 |
| 8.2.2. Эквивалентная линеаризация на основе канонического разложения с независимыми компонентами | 389 |
| 8.2.3. Об эквивалентной линеаризации существенно нелинейных дискретных стохастических систем | 390 |
| 8.2.4. Дополнения и задачи | 390 |
| 8.3. Методы нормализации стохастических систем посредством канонического разложения с независимыми компонентами | 401 |
| 8.3.1. Нормальные сложные стохастические системы | 401 |
| 8.3.2. Нормализация сложных стохастических систем | 403 |
| 8.3.3. Нормализация эредитарной стохастической системы | 404 |
| 8.3.4. Дополнения и задачи | 406 |
| 8.4. Методы анализа моментных уравнений для стохастических систем с гауссовскими мультипликативными шумами | 415 |
| 8.4.1. Бесконечная система уравнений для вероятностных моментов | 415 |
| 8.4.2. Линейные системы с аддитивными и мультипликативными гауссовскими шумами | 416 |
| 8.4.3. О решении моментных уравнений | 416 |
| 8.4.4. Дополнения и задачи | 417 |

| | | |
|-----------------|--|------------|
| 8.5. | Распределения в системах со случайными параметрами | 418 |
| 8.5.1. | Метод нормальной аппроксимации | 418 |
| 8.5.2. | Методы начальных и центральных моментов | 420 |
| 8.5.3. | Методы ортогональных разложений и квазимоментов | 425 |
| 8.5.4. | О распределениях в дискретных и непрерывно-дискретных системах | 429 |
| 8.5.5. | О других методах нелинейного параметрического стохастического анализа..... | 437 |
| 8.5.6. | Дополнения и задачи | 437 |
| Глава 9. | Методы вероятностного синтеза фильтров для обработки информации. Линейные фильтры | 440 |
| 9.1. | Задачи теории синтеза оптимальных, суб- и условно-оптимальных систем | 440 |
| 9.1.1. | Задачи синтеза оптимальных систем | 440 |
| 9.1.2. | Статистические критерии оптимальности | 444 |
| 9.1.3. | Определение оптимальных параметров системы, имеющей заданную структуру | 451 |
| 9.1.4. | Приближенные методы теории оптимальных систем | 451 |
| 9.1.5. | Дополнения и задачи | 451 |
| 9.2. | Сведения из теории оптимизации | 454 |
| 9.2.1. | Общее условие минимума средней квадратической ошибки | 454 |
| 9.2.2. | Уравнения, определяющие оптимальный линейный фильтр | 456 |
| 9.2.3. | Случай линейной зависимости сигнала от параметров и аддитивной помехи | 458 |
| 9.2.4. | Уравнения, определяющие оптимальное неоднородное линейное преобразование | 463 |
| 9.2.5. | Общий анализ уравнений, определяющих оптимальный линейный оператор фильтра..... | 464 |
| 9.2.6. | Уравнения, определяющие весовые функции оптимальных одномерных непрерывных линейных фильтров | 469 |
| 9.2.7. | Уравнения, определяющие весовые функции оптимальных дискретных одномерных линейных фильтров..... | 470 |
| 9.2.8. | Уравнения, определяющие весовые функции оптимальных конечномерных линейных фильтров..... | 471 |
| 9.2.9. | Заключительные замечания | 473 |
| 9.3. | Синтез оптимального линейного фильтра методом интегральных канонических представлений | 474 |
| 9.3.1. | Одномерный линейный фильтр | 474 |
| 9.3.2. | Конечномерные линейные фильтры | 476 |
| 9.3.3. | Дополнения и задачи | 478 |
| 9.4. | Синтез оптимального линейного фильтра методом канонических разложений | 482 |
| 9.4.1. | Общее решение методом канонических разложений..... | 482 |
| 9.4.2. | Синтез оптимального линейного фильтра в особых случаях | 487 |
| 9.4.3. | Дополнения и задачи | 490 |
| 9.5. | Синтез оптимальных фильтров, приводимых к линейным | 503 |
| 9.5.1. | Уравнение, определяющее средний квадратический оптимальный нелинейный интегральный оператор | 503 |
| 9.5.2. | Синтез оптимального нелинейного фильтра в классе приводимых к линейным | 506 |

| | |
|--|------------|
| 9.5.3. Синтез оптимального нелинейного интегрального оператора методом канонических разложений | 506 |
| 9.5.4. Дополнения и задачи | 509 |
| 9.6. Об общем синтезе оптимальных фильтров в классе всех возможных фильтров методом канонических разложений | 512 |
| 9.6.1. Вводные замечания | 512 |
| 9.6.2. Общее решение методом канонических разложений | 513 |
| 9.6.3. Случай нормального распределения сигнала и наблюдения | 515 |
| 9.6.4. Дополнения и задачи | 516 |
| Глава 10. Методы вероятностного синтеза бейесовых фильтров для обработки информации | 518 |
| 10.1. Синтез оптимальных фильтров по сложно-статистическому критерию | 518 |
| 10.1.1. Общие условия экстремума скалярной функции математического ожидания и дисперсии ошибки | 518 |
| 10.1.2. Общие условия экстремума данной функции математического ожидания и ковариационной матрицы | 521 |
| 10.1.3. Оптимальный линейный фильтр по сложно-статистическому критерию | 522 |
| 10.1.4. Уравнения, определяющие оптимальное неоднородное преобразование по сложно-статистическому критерию | 523 |
| 10.1.5. Общий анализ уравнений, определяющих оптимальный линейный фильтр по сложно-статистическому критерию | 524 |
| 10.1.6. Дополнения и задачи | 526 |
| 10.2. Синтез оптимальных фильтров по бейесовому критерию методом канонических разложений | 529 |
| 10.2.1. Вводные замечания | 529 |
| 10.2.2. Постановка задачи | 530 |
| 10.2.3. Формулы для определения бейесова оптимального фильтра | 530 |
| 10.2.4. Оценка качества бейесова фильтра | 535 |
| 10.2.5. Основные результаты | 538 |
| 10.2.6. Дополнения и задачи | 538 |
| 10.3. Синтез оптимального оператора по бейесовому критерию в особых случаях | 547 |
| 10.3.1. Общее решение задачи | 547 |
| 10.3.2. Случай нормально распределенных сигнала и помехи | 550 |
| 10.3.3. Дополнения и задачи | 553 |
| 10.4. Синтез оптимальных фильтров по бейесовому критерию при нелинейной зависимости наблюдений от параметров сигнала | 557 |
| 10.4.1. Общий метод синтеза оптимального фильтра | 557 |
| 10.4.2. Случай, когда функция потерь — линейный функционал | 560 |
| 10.4.3. Об оценке качества бейесового оптимального фильтра | 561 |
| 10.4.4. Случай, когда функция потерь является функционалом, а сигнал и помеха распределены нормально | 562 |
| 10.4.5. Заключительные замечания | 564 |
| 10.4.6. Дополнения и задачи | 565 |

| | |
|---|------------|
| Глава 11. Статистические методы оценивания и моделирования канонических разложений случайных функций | 578 |
| 11.1. Оценивание статистических параметров | 578 |
| 11.1.1. Вводные замечания..... | 578 |
| 11.1.2. Нижняя грань рассеивания оценки скалярного параметра..... | 579 |
| 11.1.3. Эффективная оценка скалярного параметра..... | 580 |
| 11.1.4. Нижняя грань рассеивания векторного параметра..... | 581 |
| 11.1.5. Эффективная оценка векторного параметра | 581 |
| 11.1.6. Нижние грани дисперсий координат оценки векторного параметра | 582 |
| 11.1.7. Достаточность эффективной оценки | 583 |
| 11.1.8. Случай независимых опытов..... | 584 |
| 11.1.9. Оценивание дискретной наблюдаемой величины | 585 |
| 11.1.10.Методы нахождения оценок. Метод максимального правдоподобия | 585 |
| 11.1.11.Дополнения и задачи | 587 |
| 11.2. Статистическое оценивание и моделирование случайных величин | 589 |
| 11.2.1. Вводные замечания..... | 589 |
| 11.2.2. Оценивание вероятностей событий, функций распределения и плотностей | 589 |
| 11.2.3. Оценивание математических ожиданий и дисперсий случайных величин | 590 |
| 11.2.4. Оценивание ковариационных моментов..... | 593 |
| 11.2.5. Точность оценивания вероятностных характеристик | 596 |
| 11.2.6. Метод статистического моделирования | 598 |
| 11.2.7. Дополнения и задачи..... | 599 |
| 11.3. Статистическое оценивание и моделирование случайных функций посредством канонических разложений | 605 |
| 11.3.1. Оценивание математических ожиданий, ковариационных функций эргодических стационарных случайных функций | 605 |
| 11.3.2. Оценивание спектральных плотностей | 608 |
| 11.3.3. Дополнения и задачи | 611 |
| 11.4. Статистическое оценивание и моделирование в задачах факторного анализа | 616 |
| 11.4.1. Задачи факторного анализа | 616 |
| 11.4.2. Метод главных компонент | 617 |
| 11.4.3. Центроидный метод | 618 |
| 11.4.4. Вращение факторов | 619 |
| 11.4.5. Применение метода Пугачёва | 619 |
| 11.4.6. Оценивание факторов | 620 |
| 11.4.7. Дополнения и задачи | 621 |
| 11.5. О численном интегрировании уравнений стохастических систем посредством канонического разложения с независимыми компонентами | 622 |
| 11.5.1. Вводные замечания..... | 622 |
| 11.5.2. Метод Эйлера | 623 |
| 11.5.3. Более точные уравнения | 624 |
| 11.5.4. Об использовании канонического разложения с независимыми компонентами | 628 |
| 11.5.5. Дополнения и задачи | 628 |

| | |
|---|------------|
| Глава 12. Статистические методы синтеза оптимальных, субоптимальных и условно-оптимальных фильтров для обработки информации и обучения | 630 |
| 12.1. Синтез оптимальных линейных фильтров | 630 |
| 12.1.1. Синтез дискретного фильтра Калмана | 630 |
| 12.1.2. Синтез непрерывного фильтра Калмана–Бьюси | 634 |
| 12.1.3. Дополнения и задачи..... | 636 |
| 12.2. Синтез дискретных субоптимальных нелинейных фильтров методом канонических разложений с независимыми компонентами | 638 |
| 12.2.1. Вводные замечания..... | 638 |
| 12.2.2. Субоптимальный фильтр на основе метода нормальной аппроксимации..... | 639 |
| 12.2.3. Субоптимальный квазилинейный фильтр | 640 |
| 12.2.4. Дополнения и задачи..... | 641 |
| 12.3. Синтез дискретных условно-оптимальных фильтров Пугачёва методом канонических разложений с независимыми компонентами | 644 |
| 12.3.1. Постановка задач дискретного условно-оптимального оценивания | 644 |
| 12.3.2. Классы допустимых фильтров Пугачёва | 644 |
| 12.3.3. Дискретный фильтр Пугачёва для нелинейных регрессионных уравнений | 645 |
| 12.3.4. Дискретный фильтр Пугачёва для нелинейных авторегрессионных уравнений | 648 |
| 12.3.5. Дискретный линейный фильтр Пугачёва | 650 |
| 12.3.6. Условно-оптимальные фильтры на основе канонических разложений с независимыми компонентами | 652 |
| 12.3.7. Дополнения и задачи..... | 653 |
| 12.4. Синтез фильтров для совместного оценивания и распознавания сигналов | 664 |
| 12.4.1. Вводные замечания | 664 |
| 12.4.2. Оценивание и распознавание в непрерывных стохастических системах | 665 |
| 12.4.3. Оптимальное оценивание и распознавание в линейных гауссовских стохастических системах | 668 |
| 12.4.4. Оптимальное оценивание и распознавание в случае уравнений, линейных относительно вектора состояния | 669 |
| 12.4.5. Оптимальное оценивание и распознавание в дискретных гауссовских стохастических системах | 670 |
| 12.4.6. Дискретное субоптимальное совместное оценивание, распознавание | 670 |
| 12.4.7. Дискретный субоптимальный адаптивный фильтр на основе методов нормальной аппроксимации и статистической линеаризации | 672 |
| 12.4.8. Субоптимальная адаптивная идентификация | 674 |
| 12.4.9. Адаптивное распознавание | 674 |
| 12.4.10. О дискретном условно-оптимальном совместном оценивании и распознавании | 674 |
| 12.4.11. Дополнения и задачи | 675 |
| 12.5. Обучающиеся системы в изменяющихся условиях | 679 |
| 12.5.1. Постановка задачи | 679 |
| 12.5.2. Оптимальные алгоритмы приближения к требуемой решающей функции | 681 |
| 12.5.3. Оптимальные обучающиеся системы | 684 |

| | |
|--|------------|
| 12.5.4. Алгоритмы, основанные на канонических разложениях | 687 |
| 12.5.5. Дополнения и задачи | 694 |
| Заключение | 701 |
| Приложения | 704 |
| П1. Некоторые распределения случайных величин и их характеристики | 704 |
| П1.1. Дискретные случайные величины | 704 |
| П1.1.1. Биномиальное распределение | 704 |
| П1.1.2. Распределение Бернули | 704 |
| П1.1.3. Распределение Паскаля | 704 |
| П1.1.4. Геометрическое распределение | 704 |
| П1.1.5. Гипергеометрическое распределение | 705 |
| П1.1.6. Обобщенное биномиальное распределение | 705 |
| П1.1.7. Распределение Пойя | 705 |
| П1.1.8. Распределение Пуассона | 706 |
| П1.1.9. Распределение Бернули–Теннера | 706 |
| П1.1.10. Логарифмическое распределение | 706 |
| П1.2. Непрерывные случайные величины | 706 |
| П1.2.1. Равномерное распределение | 706 |
| П1.2.2. Распределение Симпсона | 707 |
| П1.2.3. Экспоненциальное распределение | 707 |
| П1.2.4. Гиперэкспоненциальное распределение | 707 |
| П1.2.5. Гамма-распределение | 707 |
| П1.2.6. Бета-распределение | 707 |
| П1.2.7. Распределение Лапласа | 708 |
| П1.2.8. χ^2 -распределение | 708 |
| П1.2.9. χ -распределение | 708 |
| П1.2.10. Распределение Рэлея–Райса | 708 |
| П1.2.11. Распределение Максвелла | 708 |
| П1.2.12. Логарифмическое нормальное распределение | 708 |
| П1.2.13. Распределение Вейбулла–Гнеденко | 709 |
| П1.2.14. Усеченное нормальное распределение | 709 |
| П1.2.15. Распределение Коши | 709 |
| П1.2.16. Распределение Эрланга | 709 |
| П2. Типовые нелинейные преобразования и их эквивалентная линеаризация | 710 |
| П3. Функция Лапласа и ее производные | 716 |
| П4. Некоторые определенные интегралы и специальные функции | 719 |
| П4.1. Некоторые определенные интегралы | 719 |
| П4.2. Некоторые специальные функции | 720 |
| П4.3. Полиномы Эрмита скалярного и векторного аргумента | 720 |
| П5. Характеристики типовых линейных систем | 724 |
| П6. Типовые модели линейных и нелинейных стохастических систем | 728 |
| П7. Некоторые статистические распределения | 730 |
| П8. Библиографические замечания | 737 |
| Список литературы | 740 |

**Дополнение. Синтез нестационарных систем методом вейвлет
канонических разложений**

| | |
|---|------------|
| И. Н. Синицын, В. И. Синицын, Э. Р. Корепанов, Т. Д. Конашенкова | 752 |
| D 1. Введение | 752 |
| D 2. Элементы вейвлет анализа | 753 |
| D 3. Вейвлет канонические разложения случайной функции в заданной области изменения аргумента..... | 757 |
| D 3.1. Скалярный случай | 757 |
| D 3.2. Векторный случай | 761 |
| D 3.3. Примеры..... | 764 |
| D 4. Синтез вейвлет оптимальной в среднем квадратическом линейной стохастической нестационарной системы..... | 768 |
| D 4.1. Общий случай | 768 |
| D 4.2. Случай линейной зависимости одномерного входного сигнала от случайных параметров и аддитивной случайной помехи..... | 774 |
| D 4.3. Примеры..... | 780 |
| D 5. Синтез оптимальной нестационарной нелинейной стохастической системы по бейесовому критерию методом вейвлет канонических разложений | 782 |
| D 5.1. Общий случай нелинейной системы | 782 |
| D 5.2. Определение оптимальной нелинейной системы по критерию минимума средней квадратической ошибки | 785 |
| D 5.3. Синтез оптимальной нелинейной системы по критерию минимума накопления ущерба..... | 787 |
| D 5.4. Синтез оптимальной нелинейной системы по критерию минимума вероятности выхода ошибки из заданного интервала | 788 |
| D 5.5. Синтез вейвлет оптимальной нелинейной системы по критерию максимального правдоподобия | 789 |
| D 6. Синтез оптимальной нестационарной линейной стохастической системы по бейесовому критерию методом вейвлет канонических разложений | 791 |
| D 6.1. Общий случай линейной системы | 791 |
| D 6.2. Синтез вейвлет оптимальной линейной системы по критерию минимума вероятности выхода ошибки из заданного интервала | 792 |
| D 6.3. Синтез оптимальной линейной системы по критерию минимума средней квадратической ошибки и по критерию минимума накопления ущерба..... | 794 |
| D 6.4. Синтез вейвлет оптимальной линейной системы по критерию максимального правдоподобия | 795 |
| D 6.5. Примеры..... | 797 |
| D 7. Заключение..... | 804 |
| Список литературы к Дополнению..... | 806 |
| Предметный указатель | 808 |